Seat No. : $\qquad$

## MN-113 <br> March-2019

## B.Com., Sem.-IV

## 210 : Fundamental Statistics

 (Old)Time : 2:30 Hours]
[Max. Marks : 70

સૂચના : (1) જમણી બાજુના અંક પ્રશ્નના પૂરા ગુણ દર્શાવે છે.
(2) સાદા ગણનયંત્રનો ઉપયોગ કરી શકાશે.

1. (A) (i) વિધેયની અધિકતમ અને ન્યૂનતમ કિંમત એટલે શું ? તેની જરૂી અને પર્યાપ્ત શ૨તો જણાવો.
(ii) એક ઈજારદાર માટે માંગ વિધેય અને કુલ ખર્ચ વિધેય નીચે મુજબ છે :
$x=\frac{100-\mathrm{p}}{3}$, [भાંગ વિધેય] $\mathrm{C}=5 x^{2}+4 x$, [ખર્ચ વિધેય] અધિકતમ નફો મેળવનાર ઈજારદા૨ કેટલું ઉત્પાદન ક૨શે ? અધિકતમ નફા માટેની કિંમત અને અધિકતમ નફો શોધો.
અથવા
(i) માંગની મૂલ્ય સાપેક્ષતાનો અર્થ સમજાવો અને માંગનું વિધેય $\mathrm{P}=60-\sqrt{x}$, હોય તો $x=36$ આગળ માંગની મૂલ્ય સાપેક્ષતા શોધો.
(ii) જો $\mathrm{y}=x^{2} \cdot \log \left(\frac{1}{x}\right)$, હોય તો

સાબિત કરો કे, $x^{2} \cdot \frac{\mathrm{~d}^{2} y}{d x^{2}}-x \cdot \frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}+2 x^{2}=0$
(B) નીચેનાના જવાબ આપો : (કોઈૅપણ ચા૨)
(i) પુરવઠાની મૂલ્ય સાપેક્ષતા વ્યાખ્યાયિત કરો.
(ii) ખર્ચ ન્યૂનતત ક૨વા માટેની જરૂી પર્યાપ્ત શ૨તો જણાવો.
(iii) જો $\mathrm{y}=\frac{1}{x}$, હોય તો $\frac{\mathrm{d}^{2} \mathrm{y}}{\mathrm{d} x^{2}}$ શोધો.
(iv) જો $\mathrm{f}(x)=6 x^{4}$, હોય તો $\mathrm{f}^{\prime \prime}(2)$ શોધો.
(v) જો $\mathrm{AR}=10$ અને $\mathrm{MR}=5$, હોય તો માંગની મૂલ્ય સાપેક્ષતા શોધો.
(vi) જો માંગનું વિધેય $x=20-\mathrm{P}$, હોય તો $x=10$ એકમ માટે કુલ આવક શોધો.
2. (A) (i) સંકલનની વ્યાખ્યા આપો અને તેની મદદથી કુલ ખર્ચ વિધેય અને કુલ આમદાની વિધેય કેવી રીતે મેળવાય છે તે જણાવો.
(ii) નીચેનાના સંકલન મેળવો :
(a) $\int\left(x^{2}-x^{-1}\right) \mathrm{d} x$
(b) $\int\left(x^{4}+4^{x}+4\right) d x$
(c) $\int \frac{\mathrm{e}^{5 x}+\mathrm{e}^{-5 x}}{\mathrm{e}^{x}} \mathrm{~d} x$

## અથવા

(i) નિયત સંકલન એટલે શું? તેના કોઈૅપણ ચા૨ ગુણધર્મો જણાવો.
(ii) નીચેનાની કિંમત મેળવો :
(a) $\int_{2}^{9} \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{11-x}+\sqrt{x}} \mathrm{~d} x$
(b) $\int \frac{x-2}{x+5} d x$
(B) નીચેનાના જવાબ આપો : (કોઈપણ ચા૨)
(i) જો MC=5 હોય તો કુલ ખર્ચ શોધો.
(ii) જો MR $=18 x$ હોય તોકુલ આમદાની વિધેય મેળવો.
(iii) $\int \sqrt{x^{5}} \mathrm{~d} x=$ $\qquad$ થાય.
(iv) $\int \mathrm{e}^{\mathrm{p} x+\mathrm{q}} \mathrm{d} x=$ $\qquad$ થાય.
(v) $\int \mathrm{a}^{7 x} \mathrm{~d} x=$ $\qquad$ થાય.
(vi) $\int \frac{1}{9 x+\mathrm{b}} \mathrm{d} x=$ $\qquad$ થાય.
3. (A) (i) m ઢાળવાળી અને $\mathrm{A}\left(x_{1}, \mathrm{y}_{1}\right)$ માંથી પસાર થતી સુરેખાનું સમીક૨ણ મેળવો.
(ii) (a) એક રેખા અક્ષો ઉિપ૨ અનુક્રમે 5 અને 7 અંતઃખંડો કાપે છે. તેનું સમીક૨ણ મેળવો. 7
(b) જો $(5, \mathrm{k}-1)$ અને $(2,-1)$ જોડતી રેખા $(10,-1)$ અને $(0, \mathrm{k})$ ને જોડતી રેખાને લંબ હોય તો $k$ ની કિંમત શોધો.

## અથવા

(i) બે આપેલાં બિંદુઓ $\mathrm{A}\left(x_{1}, \mathrm{y}_{1}\right)$ અને $\mathrm{B}\left(x_{2}, \mathrm{y}_{2}\right)$ માંથી પસા૨ થતી સુરેખાનું સમીક૨ણ મેળવો.
(ii) (a) $x-2 y+15=0$ અને $3 x+y-4=0$ ના છેદન બિંદુમાંથી પસા૨ થતી અને $2 x-3 y+7=0$ ને સમાંત૨ સુરેખાનું સમીક૨ણ મેળવો.
(b) જો સુરેખા $2 x+\mathrm{ny}+\mathrm{p}=0$ નો ઢાળ $\frac{1}{2}$ હોય અને તેનો $\mathrm{y}-$ અક્ષાંત૨ 1 હોય તો $n$ અને p શોધો.
(B) નીચેનાના જવાબ આપો : (કોઈૅપણ ત્રણ)
(i) બે ભિન્ન બિંદુઓ $(3,5)$ અને $(-4,-7)$ માંથી પસાર થતી સુરેખાનો ઢાળ મેળવો.
(ii) સુરેખા $4 x=5 \mathrm{y}$ ના y અક્ષ પરના અંત:ખંડની કિંમત જણાવો.
(iii) સુરેખાના ઢાળની વ્યાખ્યા આપો.
(iv) "બે સુરેખાઓ પ૨સ્પ૨ સમાંત૨ હોય તો તેમનો ઢાળ સમાન હોય." શું આ વિધાન સાચું છે ?
(v) ઉગમબિંદુમાંથી પસાર થતી 5 ઢાળવાળી સુરેખાનું સમીક૨ણ શોધો.
4. (A) (i) સમાંતર શ્રેણી અને ગુણોત્તર શ્રેણીની વ્યાખ્યા આપો અને તેમના n માં પઠ તેમજ પ્રથમ n પદોના સરવાળા મેળવવાનાં સૂત્રો જણાવો.
(ii) (a) એક સમાંત૨ શ્રેણીના દસ પદોનો સ૨વાળો 230 છે અને તેના ચાર પદોનો સરવાળો 44 છે તો તેના 14 પદોનો સરવાળો શોધો.
(b) એક સમાંત૨ શ્રેણીના n પદોનો સ૨વાળો $5 \mathrm{n}^{2}+3 \mathrm{n}$ છે તેનું 11 મું પદ શોધો.

## અથવા

(i) n પદોનો સરવાળો મેળવો.

$$
8+88+888+\ldots \ldots
$$

(ii) (a) એક સમાંતર શ્રેણીમાં પ્રથમ પદ 15 છે જો તે શ્રેણીના 10 માં પદ અને 11 મા પદનો ગુણોત્તર $11: 13$ હोય તો તેના 20 પદોનો સરવાળો शोधો.
(b) 2 અને 202 વચ્ચે 4 વડે નિ:શેષ ભાગી શકાય તેવી સંખ્યાઓ કેટલી ? તેમનો સરવાળો શોધો.
(B) નીચેનાના જવાબ આપો : (કોઈૅપણ ત્રણ)
(i) સમાંતર શ્રેણીીનાં પ્રથમ $n$ પદોનો સરવાળો જાણીીોો હોય ત્યારે તેનું $n$ મું પદ શોધવાનું સુત્ર જણાવો.
(ii) p અને q નો સમાંત૨ મધ્યક અને ગુણોત્તર મધ્યક શોધો.
(iii) સમાંત૨ શ્રેણીનાં $n$ પદોના સરવાળાનું સૂત્ર જણાવો.
(iv) ગુણોત્તર શ્રેણીીનાં n પદોના સરવાળાનું સૂત્ર જણાવોો.
(v) $\sqrt{2}, 2,2 \sqrt{2} \ldots \ldots$ श्रેણીનું 8 भुં પદ शોધો.

Seat No. : $\qquad$

## MN-113

March-2019
B.Com., Sem.-IV

210 : Fundamental Statistics
(Old)
Time : 2:30 Hours]
[Max. Marks: 70

Instructions: (1) Figures to the right indicate the full marks of the questions.
(2) Use of simple calculator is allowed.

1. (A) (i) What is maximum and minimum value of the function? State its necessary and sufficient conditions.
(ii) The following are demand and cost function of a commodity for a monopolist.
$x=\frac{100-\mathrm{p}}{3}$, [demand function]
$C=5 x^{2}+4 x$, [cost function]
Find the production for maximum profit. Also obtain the price corresponding to it and maximum profit.

## OR

(i) Explain the meaning of price elasticity of demand and find price elasticity of the demand, demand function $\mathrm{P}=60-\sqrt{x}$ at $x=36$ and hence interpret it.
(ii) If $\mathrm{y}=x^{2} \cdot \log \left(\frac{1}{x}\right)$, then prove that, $x^{2} \cdot \frac{\mathrm{~d}^{2} \mathrm{y}}{\mathrm{d} x^{2}}-x \cdot \frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}+2 x^{2}=0$
(B) Answer the following (any four) :
(i) Define price elasticity of supply.
(ii) State the necessary and sufficient conditions for minimizing cost function.
(iii) If $\mathrm{y}=\frac{1}{x}$, then find $\frac{\mathrm{d}^{2} \mathrm{y}}{\mathrm{d} x^{2}}$
(iv) If $\mathrm{f}(x)=6 x^{4}$, then find $\mathrm{f}^{\prime \prime}(2)$.
(v) If $\mathrm{AR}=10, \mathrm{MR}=5$, find price elasticity of demand.
(vi) If demand function $x=20-\mathrm{P}$, find total revenue when $x=10$ items.
2. (A) (i) Give the definition of Integration. How will you obtain total cost function and total revenue function by using integration?
(ii) Integrate the following:
(a) $\int\left(x^{2}-x^{-1}\right) \mathrm{d} x$
(b) $\int\left(x^{4}+4^{x}+4\right) d x$
(c) $\int \frac{\mathrm{e}^{5 x}+\mathrm{e}^{-5 x}}{\mathrm{e}^{x}} \mathrm{~d} x$

OR
(i) What is definite integration? State its any four properties.
(ii) Evaluate the following:
(a) $\int_{2}^{9} \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{11-x}+\sqrt{x}} \mathrm{~d} x$
(b) $\int \frac{x-2}{x+5} d x$
(B) Answer the following (any four) :
(i) If $\mathrm{MC}=5$, then find total cost.
(ii) If $\mathrm{MR}=18 x$, then find the total revenue function.
(iii) $\int \sqrt{x^{5}} \mathrm{~d} x=$ $\qquad$ .
(iv) $\int \mathrm{e}^{\mathrm{px}+\mathrm{q}} \mathrm{d} x=$ $\qquad$ .
(v) $\int \mathrm{a}^{7 x} \mathrm{~d} x=$ $\qquad$
(vi) $\int \frac{1}{9 x+b} \mathrm{~d} x=$ $\qquad$ .
3. (A) (i) Find the equation of a line having slope $m$ and passing through a point A $\left(x_{1}, y_{1}\right)$.
(ii) (a) A line cuts off intercepts 5 and 7 on $x$ and $y$ axes respectively. Find its equation.
(b) If the line joining $(5, \mathrm{k}-1)$ and $(2,-1)$ is perpendicular to the line joining $(10,-1)$ and $(0, k)$, find the value of $k$.

## OR

(i) Obtain the equation of a line passing through two given points $\mathrm{A}\left(x_{1}, \mathrm{y}_{1}\right)$ and $\mathrm{B}\left(x_{2}, \mathrm{y}_{2}\right)$.
(ii) (a) Find the equation of a line passing through the intersection of $x-2 y+15=0$ and $3 x+y-4=0$ and parallel to $2 x-3 y+7=0$.
(b) If the slope and intercept on $\mathrm{y}-$ axis of the line $2 x+n y+p=0$ are $\frac{1}{2}$ and 1 respectively, find the values of n and p .
(B) Answer the following (any three) :
(i) Find slope of a line passing through the points $(3,5)$ and $(-4,-7)$.
(ii) If $4 x=5 y$ the equation of a line, then find its $y$ intercept.
(iii) Define slope of a line.
(iv) "The slopes of two parallel lines are equal." Is this statement true ?
(v) Find an equation of a straight line passes through origin and having slope 5.
4. (A) (i) Define arithmetic progression and geometric progression and give formulae for finding the $\mathrm{n}^{\text {th }}$ term and sum of first n terms of these progressions.
(ii) (a) The sum of 10 terms of an A.P. is 230 and the sum of its 4 terms is 44. Find the sum of its 14 terms.
(b) The sum of $n$ terms of an A.P. is $5 n^{2}+3 n$. Find its $11^{\text {th }}$ term.

## OR

(i) $8+88+888+\ldots \ldots$ find the sum of $n$ terms.
(ii) (a) The first term of an A.P. is 15 . If the ratio of $10^{\text {th }}$ term to the $11^{\text {th }}$ term is $11: 13$, find the sum of its 20 terms.
(b) How many numbers exactly divisible by 4 are there between 2 and 202 ? Find their sum.
(B) Answer the following (any three) :
(i) Give the formula for $\mathrm{n}^{\text {th }}$ term of arithmetic progression if sum of first n terms of a series Sn is known.
(ii) Find the arithmetic mean and geometric mean of p and q .
(iii) Find equation of sum of $n$ terms of arithmetic progression.
(iv) Find equation of sum of n terms of geometric progression.
(v) Find $8^{\text {th }}$ term of series $\sqrt{2}, 2,2 \sqrt{2} \ldots \ldots$
$\qquad$

# MN-113 

## March-2019

## B.Com., Sem.-IV

## 210 : Fundamental Statistics

(New)
[Max. Marks: 70
સૂચના : (1) જમણી બાજુના અંક પ્રશ્નના પુરા ગુણ દર્શાવે છે.
(2) સાદા ગણનયંત્રનો ઉપપયોગ કરી શકાશે.

1. (A) (i) વિકલનની વ્યાખ્યા આપો અને તેનો ઉપયોગ કરીને $\mathrm{f}(x)=3 x^{2}+5$ નું વિકલન ફળ મેળવો.
(ii) નીચેનાનું વિકલન ફળ શોધો :
(a) $\mathrm{y}=\frac{3 x^{2}+4 x+5}{2 x^{2}-3}$
(b) $\mathrm{y}=x^{10} \cdot \log x+15$
(c) $\mathrm{y}=\mathrm{e}^{3 x^{2}-4 x+5}$

અથવા
(i) વિકલનના નિયમો જણાવો અને $(x+3)(\mathrm{y}+2)=10$ માંથી $\frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}$ શોધો.
(ii) નીચેના પરિણામો સાબિત કરો :
(a) જો $\mathrm{y}=5 . \mathrm{e}^{4 x}+3 \mathrm{e}^{-4 x}$, હોય તો સાબિત કરો કે, $\frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}+12 . \mathrm{e}^{-4 x}=20 \mathrm{e}^{4 x}$.
(b) જો $\mathrm{y}=\frac{1+x}{1-x}$, હોય તો સાબિત કરો કે, $\left(1-x^{2}\right) \frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}=2 \mathrm{y}$.
(B) નીચેનાના જવાબ આપો : (કોઈીપણ ચા૨)
(i) અચળપદનું વિકલન ફળ શું થાય છે ?
(ii) જો $\mathrm{f}(x)=\log (x+1)$, હોય तो $\mathrm{f}^{\prime}(1)$ शोधો.
(iii) જો $\mathrm{f}(x)=3 x^{2}+12 x$, અને $\mathrm{f}^{\prime}(x)=24$ હોય તો $x$ શोધો.
(iv) જો $\mathrm{f}(x)=\frac{1}{x^{2}}$, હોય तो $\mathrm{f}^{\prime}(-1 / 2)$ શोધો.
(v) વિકલનનો સાંકળનો નિયમ જણાવો.
(vi) ત્રણ વિધેયો માટે વિકલનનો ગુણાકારનો નિયમ લખો.
2. (A) (i) વિધેયની અધિકતમ અને ન્યૂનતમ કિંમતો એટલે શું ? તેની જરૂી અને પર્યાપ્ત શરતો જણાવો.
(ii) એક ઈજજદદા૨ માટે માંગ વિધેય અને કુલ ખર્ચ વિધેય નીચે મુજબ છે :
$x=\frac{100-\mathrm{p}}{3}$, [भांગ विધેय]
$\mathrm{C}=5 x^{2}+4 x$, [ખર્ચ वિધેય]
અધિકતમ નફો મેળવનાર ઈજારદાર કેટલું ઉત્પાદન કરશે ? અધિકતમ નફા માટેની કિંમત અને અધિકતમ નફો શોધો.

## અથવા

(i) માંગની મૂલ્ય સાપેક્ષતાનો અર્થ સમજાવો અને માંગનું વિધેય $\mathrm{P}=60-\sqrt{x}$ હોય તો $x=36$ આગળ માંગની મૂલ્ય સાપેક્ષતા શોધો.
(ii) જો $\mathrm{y}=x^{2} \cdot \log \left(\frac{1}{x}\right)$, હોય તો સાબિત કરો કે, $x^{2} \cdot \frac{\mathrm{~d}^{2} \mathrm{y}}{\mathrm{d} x^{2}}-x \cdot \frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}+2 x^{2}=0$
(B) નીચેનાના જવાબ આપો : (કોઈૅપણ ચાર)
(i) પુરવઠાની મૂલ્ય સાપેક્ષતા વ્યાખ્યાયિત કરો.
(ii) ખર્ચ ન્યૂનતમ કરવા માટેની જરૂી પર્યાપ્ત શરતો જણાવો.
(iii) જે $\mathrm{y}=\frac{1}{x}$, હોય तो $\frac{\mathrm{d}^{2} \mathrm{y}}{\mathrm{d} x^{2}}$ शोधો.
(iv) જો $\mathrm{f}(x)=6 x^{4}$, હोય तो $\mathrm{f}^{\prime \prime}(2)$ शोधો.
(v) જો $\mathrm{AR}=10$ અને $\mathrm{MR}=5$ હોય તો માંગની મૂલ્ય સાપેક્ષતા શોધો.
(vi) જો માંગનું વિધેય $x=20-\mathrm{P}$ હોય તો $x=10$ એકમ માટે કુલ આવક શોધો.
3. (A) (i) સૂચકઆંક એટલે શું ? તેના ઉપયોગો જણાવો.
(ii) નીચેની માહિતી પ૨થી ફિશ૨ અને માર્શલ એજવર્થનો સૂચકઆંક શોધો :

| વસ્તુओ | 2010 |  | $\mathbf{2 0 1 8}$ |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
|  | ખર્ચ | જथ्थो | ખર્ચ | જथ्थो |
| A | 78 | 26 | 120 | 30 |
| B | 120 | 15 | 200 | 20 |
| C | 72 | 12 | 135 | 15 |
| D | 50 | 5 | 120 | 10 |
| E | 28 | 7 | 45 | 9 |
| અथवા |  |  |  |  |

(i) સમય વિપર્યાસ પરીક્ષણ અને પદ વિપર્યાસ પરીક્ષણ એટલે શું ? ઉપરાંત, બતાવો કે ફિશરનો સૂચકઆંક એ આદર્શ સૂચકઆંક છે.
(ii) નીચેની માહિતી પ૨થી કૌટુંબિક બજેટની પદધતિ અને સમૂહ ખર્ચની પદ્ધતિથી સૂચકઆંક શોધો :

| વસ્તુओ | જ્થો | કિંમત |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
|  |  | $\mathbf{2 0 1 0}$ | $\mathbf{2 0 1 8}$ |
| A | 100 | 8.00 | 12.00 |
| B | 25 | 6.00 | 7.50 |
| C | 10 | 5.00 | 5.25 |
| D | 20 | 48.00 | 52.00 |
| E | 75 | 15.00 | 16.50 |
| F | 30 | 9.00 | 27.00 |

(B) નીચેના જવાબ આપો : (કોઈપણ ત્રણ)
(i) આધાર વર્ષનો સૂચકઆંક કેટલો હોય છે ?
(ii) જો $\Sigma \mathrm{p}_{\mathrm{o}} \mathrm{q}_{1}: \Sigma \mathrm{p}_{1} \mathrm{q}_{1}=2: 3$, હોય तो $\mathrm{I}_{\mathrm{P}}$ शोधો.
(iii) કયા સૂચકઆંક સમય વિપર્યાસ પરીક્ષણને સંતોષે છે ?
(iv) પરંપરિત આધાર સૂચકઆંક પ૨થી સ્થિર આધાર સૂચકઆંક મેળવવાનું સૂત્ર આપો.
(v) જો ડૉર્બિશ-બાઉલી અને લાસ્પેયરના સૂચકઆંક અનુક્રમે 137.5 અને 142 હોય તો, પાશેનો સૂચકઆંક શોધો.
(vi) જીવન નિર્વાહનો સૂચકઆંક ગણવામાં કઈ પદ્દતિનો ઉપયોગ થાય છે તે જણાવો.
4. (A) (i) સામયિક શ્રેણિનું પૃથક્કણણ સમજાવો. સામયિક શ્રેણીના જુદા-જુદા ઘટકોની ચર્ચા કરો.
(ii) નીચેની સામયિક શ્રેણી માટે ચલિત સરેશાશની શીતથી મોસમી વધઘટો શોધો :

| વર્ષ | મોસમ |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
|  | શિયાળો | ઉનાળો | ચોમાસું |
| 2015 | 55 | 65 | 45 |
| 2016 | 52 | 70 | 50 |
| 2017 | 70 | 80 | 55 |
| 2018 | 82 | 86 | 80 |

અથવા
(i) સામયિક શ્રેણીના સંદર્ભમાં નીચેના ઘટકો સમજાવો :
(a) વલણ
(b) મોસમી વધઘટ
(c) અનિયમિત વધઘટ
(ii) ચાર વર્ષની ચલિત સરેરાશનો ગાળો લઈને નીચેની સામયિક શ્રેણી માટે વલણ શોધો. ઉપરંત અલ્પકાલીન વધઘટ મેળવો.

| વર્ષ | 2006 | 2007 | 2008 | 2009 | 2010 | 2011 |
| :--- | :--- | :--- | :--- | :--- | :--- | :--- |
| वेચાણ | 196 | 199 | 200 | 198 | 206 | 210 |
| વર્ષ | 2012 | 2013 | 2014 | 2015 | 2016 | 2017 |
| वेચાણl | 200 | 212 | 220 | 210 | 222 | 230 |

(B) નીચેના જવાબ આપો : (કોઈૅપણ ત્રણ)
(i) સામયિક શ્રેણીીમાં અનિયમિત વધઘટ શોધવા માટેનું સૂત્ર આપો.
(ii) ત્રિમાસિક માહિતી માટે મોસમી સૂયકઆંક $111.5,95.7, x, 91.7$ હોય તો $x$ ની અંદાજીત โિંમત શોધો.
(iii) સામયિક શ્રેણીમમાં મોસમી વધઘટ શોધવા માટેનું સુત્ર આપો.
(iv) ત્રિમાસિક માહિતી માટેના સરેરાશ અનુક્ર્મે 57, 68.5, 59.2, 72.3 હોય તો બીજા ત્રિમાસિક માટે મોસમી સૂચકઆંક મેળવો.
(v) સામયિક શ્રેણી એટલે શું?

Seat No. : $\qquad$

# MN-113 <br> March-2019 <br> B.Com., Sem.-IV <br> 210 : Fundamental Statistics <br> (New) 

Time : 2:30 Hours]
[Max. Marks : 70

Instructions: (1) Figures to the right indicate the full marks of the questions.
(2) Use of simple calculator is allowed.

1. (A) (i) Give definition of differentiation and use it to obtain derivative of $\mathrm{f}(x)=3 x^{2}+5$.
(ii) Find derivative of the following :
(a) $\mathrm{y}=\frac{3 x^{2}+4 x+5}{2 x^{2}-3}$
(b) $\mathrm{y}=x^{10} \cdot \log x+15$
(c) $\mathrm{y}=\mathrm{e}^{3 x^{2}-4 x+5}$

> OR
(i) State the rules of differentiation and find $\frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}$ from $(x+3)(y+2)=10$.
(ii) Prove the following results :
(a) If $\mathrm{y}=5 \mathrm{e}^{4 x}+3 \cdot \mathrm{e}^{-4 x}$, then prove that, $\frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}+12 . \mathrm{e}^{-4 x}=20 . \mathrm{e}^{4 x}$.
(b) If $\mathrm{y}=\frac{1+x}{1-x}$, then prove that, $\left(1-x^{2}\right) \frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}=2 \mathrm{y}$.
(B) Answer the following (any four) :
(i) What is the derivation of constant term ?
(ii) If $\mathrm{f}(x)=\log (x+1)$, find $\mathrm{f}^{\prime}(1)$.
(iii) If $\mathrm{f}(x)=3 x^{2}+12 x$, and $\mathrm{f}^{\prime}(x)=24$, find $x$.
(iv) If $\mathrm{f}(x)=\frac{1}{x^{2}}$, find $\mathrm{f}^{\prime}(-1 / 2)$.
(v) State the chain rule of differentiations.
(vi) Write the differentiation of multiplication rule of three functions.
2. (A) (i) What is the maximum and minimum value of the function ? State its necessary and sufficient conditions.
(ii) The followings are demand and cost function of a commodity for a monopolist.
$x=\frac{100-\mathrm{p}}{3}$,[demand function]
$\mathrm{C}=5 x^{2}+4 x$, [cost function]
Find the production for maximum profit. Also obtain the price corresponding to it and maximum profit.

## OR

(i) Explain the meaning of elasticity of demand and find elasticity of the demand, demand function $\mathrm{P}=60-\sqrt{x}$ at $x=36$ and hence interpret it.
(ii) If $\mathrm{y}=x^{2} \cdot \log \left(\frac{1}{x}\right)$, then prove that, $x^{2} \cdot \frac{\mathrm{~d}^{2} \mathrm{y}}{\mathrm{d} x^{2}}-x \cdot \frac{\mathrm{dy}}{\mathrm{d} x}+2 x^{2}=0$.
(B) Answer the following (any four) :
(i) Define elasticity of supply.
(ii) State the necessary and sufficient conditions for minimizing cost function.
(iii) If $\mathrm{y}=\frac{1}{x}$, then find $\frac{\mathrm{d}^{2} \mathrm{y}}{\mathrm{d} x^{2}}$
(iv) If $\mathrm{f}(x)=6 x^{4}$, then find f " (2).
(v) If $\mathrm{AR}=10, \mathrm{MR}=5$, find elasticity of demand.
(vi) If demand function $x=20-\mathrm{P}$, find total revenue when $x=10$ items.
3. (A) (i) What is an index number? State its uses.
(ii) From the following data, find Fishers and Marshall's index numbers.

| Items | 2010 |  | $\mathbf{2 0 1 8}$ |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
|  | Expense | Quantity | Expense | Quantity |
| A | 78 | 26 | 120 | 30 |
| B | 120 | 15 | 200 | 20 |
| C | 72 | 12 | 135 | 15 |
| D | 50 | 5 | 120 | 10 |
| E | 28 | 7 | 45 | 9 |

OR
(i) What is time reversal test and factor reversal test? Also, show Fisher's index number is an ideal index number.
(ii) From the following data, find the index numbers by using family budget method and total expenditure method.

| Items | Quantity | Price |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
|  |  | $\mathbf{2 0 1 0}$ | $\mathbf{2 0 1 8}$ |
| A | 100 | 8.00 | 12.00 |
| B | 25 | 6.00 | 7.50 |
| C | 10 | 5.00 | 5.25 |
| D | 20 | 48.00 | 52.00 |
| E | 75 | 15.00 | 16.50 |
| F | 30 | 9.00 | 27.00 |

(B) Answer the following (any three) :
(i) What an index number of the base year?
(ii) If $\Sigma \mathrm{P}_{\mathrm{o}} \mathrm{Q}_{1}: \Sigma \mathrm{P}_{1} \mathrm{Q}_{1}=2: 3$, find $\mathrm{I}_{\mathrm{P}}$.
(iii) Which index numbers will satisfies the time reversal test ?
(iv) Give the formula of converting chain base index numbers into fixed base index numbers.
(v) If Dorbish - Bowley's and Laspeyre's index number is 137.5 and 142, find Paasche's index number.
(vi) Give the methods of calculating cost of living index numbers.
4. (A) (i) Explain analysis of time series. Discuss the various components of time series.
(ii) Find seasonal variations by moving average method for following data :

| Year | Season |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
|  | Winter | Summer | Monsoon |
| 2015 | 55 | 65 | 45 |
| 2016 | 52 | 70 | 50 |
| 2017 | 70 | 80 | 55 |
| 2018 | 82 | 86 | 80 |
| OR |  |  |  |

(i) Explain the following terms with respect to time series :
(a) Trend
(b) Seasonal variations
(c) Irregular variations
(ii) Find trend by taking four yearly moving averages for the following time series. Also obtain short term fluctuations.

| Year | 2006 | 2007 | 2008 | 2009 | 2010 | 2011 |
| :--- | :--- | :--- | :--- | :--- | :--- | :--- |
| Sale | 196 | 199 | 200 | 198 | 206 | 210 |
| Year | 2012 | 2013 | 2014 | 2015 | 2016 | 2017 |
| Sale | 200 | 212 | 220 | 210 | 222 | 230 |

(B) Answer the following (any three) :
(i) Give the formula to calculate irregular variation in time series data.
(ii) The seasonal indices for four quarters are 111.5, 95.7, $x$, 91.7. Find approximate value of $x$.
(iii) Give the formula to calculate seasonal variation in time series data.
(iv) The averages of each quarter of the data is $57,68.5,59.2,72.3$. Obtain seasonal indices for second quarter.
(v) What is time series?

