

B.Com (Sem.-5) Examination
CE - 302 (B)
Adv. Statistics

August 2021

Time : 2-00 Hours]

[Max. Marks : 50

સૂચના : (૧)જમણી બાજુના અંક ગુણ દર્શાવે છે.

વિભાગ-1

નીચેના પ્રશ્નોના જવાબ આપો (કોઈપણ બે) :

1 (અ) t પરીક્ષણ સમજાવો અને બે લઘુ નિદર્શ મધ્યકોના તફાવતનું સાર્થકતા પરીક્ષણ કરો. 20

(બ) તાલીમ આપ્યા પહેલા અને પછી 5 વ્યક્તિઓનું IQ પરીક્ષણ કરવામાં આવ્યું તેના પરિણામો નીચે મુજબ છે.

ઉમેદવાર	1	2	3	4	5
તાલીમ પહેલા IQ	110	120	123	132	125
તાલીમ પછી IQ	120	118	125	136	121

તાલીમ લીધા પછી IQ માં ફેરફાર થયો છે કે નહીં તેનું પરીક્ષણ કરો.

2 (અ) (i) χ^2 - આગણક વ્યાખ્યાયિત કરો અને તેના ઉપયોગ જણાવો. 20

(ii) બે ગુણધર્મોના સ્વાતંત્ર્યનું પરીક્ષણ કરો.

(બ) 5 સિક્કાઓ 320 વખત ઉછાળવામાં આવે છે છાપની સંખ્યા મળે તેનું વિતરણ નીચે મુજબ છે.

છાપની સંખ્યા	0	1	2	3	4	5
આવૃત્તિ	8	42	116	90	52	12

સિક્કા દોષ રહિત છે તે પરીકલ્પનાનું પરીક્ષણ કરો. [$\chi^2_{0.05} = 11.07$]

3 (અ) એક ગુણધર્મીય વિચરણનું પૃથ્થકરણ સમજાવો. 20

(બ) નીચે આપેલ માહિતી પરથી દ્વિ-ગુણધર્મી વર્ગીકરણની પદ્ધતિ દ્વારા વિચરણનું પૃથ્થકરણ કરો.

મશીન

ઓપરેટર	I	II	III	IV	V
I	30	24	33	36	27
II	26	29	24	31	35
III	38	28	35	30	33

દરેક અવલોકનમાંથી 30 બાદ કરી કોડીંગ પદ્ધતિની મદદથી ગણતરી કરો.

$$[F_{(2,8)} = 4.46, F_{(4,8)} = 3.84]$$

4 (અ) (i) પ્રાયલીય અને બિનપ્રાયલીય પરીક્ષણોનો તફાવત લખો. 20

(ii) સંજ્ઞા પરીક્ષણ સમજાવો.

(બ) નીચે આપેલા નિદર્શો એક જ સમષ્ટિમાંથી લેવામાં આવ્યા છે કે નહિ તે જણાવો.

(માન-વિહટની પરીક્ષણનો ઉપયોગ કરો.)

નિદર્શ - I	50	35	68	15	10	30	32	32	38	26
નિદર્શ - II	110	162	157	80	70	105	86	100	122	50

$$[Z_{0.05} = 1.96]$$

5 નીચેના પ્રશ્નોના ઉત્તર આપો. (કોઈપણ પાંચ)

(1) લઘુ નિદર્શ પરીક્ષણમાં નિદર્શનું કદ હોવું જોઈએ.

(a) 30 થી વધારે (b) 30 અથવા 30 થી ઓછું (c) 30 - 50 (d) આમાંથી એક પણ નહિ

(2) જો ગણતરી કરેલ x^2 કોષ્ટક x^2 ની કિંમત હોય તો પરીકલ્પનાનો સ્વીકાર કરવામાં આવે છે.

(a) \leq (b) $>$ (c) \geq (d) આમાંથી એક પણ નહિ

(3) જો સમષ્ટિના વિચરણોની સાર્થકતાના પરીક્ષણ માટે લઘુનિદર્શમાં કયા પરીક્ષણનો ઉપયોગ કરવામાં આવે છે.

(a) t - પરીક્ષણ (b) f - પરીક્ષણ (c) x^2 - પરીક્ષણ (d) આમાંથી એક પણ નહિ

(4) સ્ટુડન્ટ t - વિતરણની શોધ કોણે કરી?

(a) કાર્લપિયર્સન (b) બાઉલી (c) ડબલ્યુ એસ. ગોસેટ (d) આમાંથી એક પણ નહિ

(5) જ્યારે $\sum (x_1 - \bar{x}_1)^2 = 120, n_1 = 10$
 $\sum (x_2 - \bar{x}_2)^2 = 144, n_2 = 12$ હોય તો F ની કિંમત શોધો.

(a) 1.02 (b) 10.2 (c) 5.01 (d) આમાંથી એક પણ નહિ

(6) માન-વ્હીટની - U પરીક્ષણનો મધ્યક $E(U) = \dots\dots\dots$

(a) $E(U) = \frac{n_1 n_2}{2}$ (b) $\frac{2n_1 n_2}{n_1 + n_2} + 1$

(c) $E(U) = \frac{n}{2}$

(d) આમાંથી એક પણ નહિ

(7) સંજ્ઞા-પરીક્ષણનું વિચરણ $V(U) = \dots\dots\dots$

(a) $V(U) = \frac{n_1 n_2 (n_1 + n_2 + 1)}{12}$ (b) $V(U) + \frac{n}{4}$

(c) $V(U) = \frac{n^2}{16}$

(d) આમાંથી એક પણ નહિ

(8) માન-વ્હીટની - U પરીક્ષણમાં

$R_1 = 56.3, n_1 = 10$

$R_2 = 153.5, n_2 = 10$ હોય તો $V(U) = \dots\dots\dots$

(a) 275 (b) 375 (c) 175 (d) આમાંથી એક પણ નહિ

(9) વિચરણના પૃથ્થકરણમાં TSS =

(a) $\frac{\sum R_j^2}{k} - CF$ (b) $\sum \sum x_{ij}^2 - CF$

(c) $\frac{\sum c_j^2}{k} - CF$

(d) આમાંથી એક પણ નહિ

(10) વિચરણના પૃથ્થકરણમાં C.S.S. =

(a) $\frac{\sum R_j^2}{k} - CF$ (b) $\sum \sum x_{ij}^2 - CF$

(c) $\frac{\sum c_j^2}{h} - CF$

(d) આમાંથી એક પણ નહિ

1308N091-3

Section-1

Answer the following questions (any two) :

- 1 (a) Explain t - test and test of significance of difference between means of two small samples. 20

(b) An I.Q. test was administered to 5 persons before and after they were trained. The results are given below.

Candidate	1	2	3	4	5
IQ before Training	110	120	123	132	125
IQ after training	120	118	125	136	121

Test whether there is any change in I.Q. after the training programme.

- 2 (a) (i) Define chi-square statistics and give its uses

(ii) Explain chi-square test of independence of two attributes.

(b) Five coins are tossed for 320 times and the following distribution of number of heads is obtained.

Number of head	0	1	2	3	4	5
Frequency	8	42	116	90	52	12

Test the hypothesis that the coins are unbiased. [$\chi^2_{0.05} = 11.07$]

- 3 (a) Explain the technique of one-way analysis of variance. 20

(b) Prepare two-way ANOVA table for the following and give your comment.

	Machines				
Operators	I	II	III	IV	V
I	30	24	33	36	27
II	26	29	24	31	35
III	38	28	35	30	33

Coded data can be obtained by subtracting common number 30

- 4 (a) (i) State difference between parametric and non-parametric tests. 20

(ii) Explain sign test.

(b) Verify that the following two samples are drawn from same population or not.

Sample - I	50	35	68	15	10	30	32	32	38	26
Sample - II	110	162	157	80	70	105	86	100	122	50

Add Instruction [$z_{0.05} = 1.96$]

Section - II

- 5 Answer the following (any five) : 10

(1) Sample with size is considered as a small sample test.

(a) Above 30 (b) 30 or less than 30 (c) 30 - 50 (d) None of above

(2) If the calculated value of χ^2 is the table value of χ^2 then null hypothesis is to be accepted.

(a) less than is equal to (b) $>$ (c) \geq (d) None of above

(3) Which small sample test can be used for testing the significance difference between two population variances?

(a) t - test (b) f - test (c) χ^2 - test (d) None of these

(4) Who had found student t - distribution?

(a) Karl-pearsons (b) Bowely (c) W.S. Gosset (d) None of these

- (5) If $\sum (x_1 - \bar{x}_1)^2 = 120, n_1 = 10$
 $\sum (x_2 - \bar{x}_2)^2 = 144, n_2 = 10$ then find value of F
 (a) 1.02 (b) 10.2 (c) 5.01 (d) None of these
- (6) $E(U)$ = Mean of the Mann-whitney U - test is
 (a) $E(U) = \frac{n_1 n_2}{2}$ (b) $E(U) = \frac{2n_1 n_2}{n_1 + n_2} = 1$
 (c) $E(U) = \frac{n}{2}$ (d) None of these
- (7) $V(U)$ = variance of the sign test is
 (a) $V(U) = \frac{n_1 n_2 (n_1 + n_2 + 1)}{12}$ (b) $V(U) = \frac{n}{4}$
 (c) $V(U) = \frac{n^2}{16}$ (d) None of these
- (8) In Mann-Whitney U-test,
 $R_1 = 56.3, n_1 = 10$
 $R_2 = 153.5, n_2 = 10$ then $V(U) = \dots\dots\dots$
 (a) 275 (b) 375 (c) 175 (d) None of these
- (9) In analysis of variance the total sum of square TSS =
 (a) $\frac{\sum R_j^2}{k} - CF$ (b) $\sum \sum x_{ij}^2 - CF$
 (c) $\frac{\sum c_j^2}{h} - CF$ (d) None of these
- (10) In analysis of variance the column sum of square C.S.S. =
 (a) $\frac{\sum R_j^2}{k} - CF$ (b) $\sum \sum x_{ij}^2 - CF$
 (c) $\frac{\sum c_j^2}{h} - CF$ (d) None of these
-