

B.Com. Sem-6 Examination
 C.E. 303 (B)
 Adv. Statistics - IX

Time : 2-00 Hours]

October 2021

[Max. Marks : 50]

- સૂચના : (૧) વિભાગ-૧માં દરેક પ્રશ્નનાં ગુણ સમાન છે.
 (૨) વિભાગ-૧માંથી ગમે તે બે પ્રશ્નોના ઉત્તર લખો.
 (૩) વિભાગ-૨માં પમો પ્રશ્ન ફરજિયાત છે.
 (૪) સાદા ગણન યંત્રનો ઉપયોગ કરી શકાશે.

વિભાગ-૧

1 (અ) મહતમ નફા માટે શરતો જણાવો એક ઈજારદાર માટે માંગનો નિયમ અને ખર્ચનું વિધેય અનુકૂળ 20

$$P = \frac{375 - 5x}{3} \text{ અને } C(x) = \frac{x^2}{5} + 13x + 500 \text{ છે તો મહતમ નફા માટે અનુરૂપ કિમત અને એકમો$$

કિમત મેળવો ઉપરાંત મહતમ નફાની કિમત મેળવો.

(બ) માંગનું વિધેય $D : x = 130 - 4P$ અને પૂરવઠાનું વિધેય $S : p = 10 + \frac{x}{5} + \frac{x^2}{100}$

હોય તો બજાર સમતૂલિત કિમત અને જથ્થો શોધો.

2 (અ) આંશિક વિકલન સમજાવો. 20

જો $f(x,y) = x^3 + y^3 + x^{3/2}y^{3/2}$ હોય તો

$$\text{સાબિત કરો કે, } x \frac{\partial f}{\partial x} + y \frac{\partial f}{\partial y} = 3f(x,y)$$

(બ) જો ખર્ચનું વિધેય $C = x + 2y$ અને ઉત્પાદન વિધેય, $x^2y = 2000$ હોય તો x અને y ની કિમતો મેળવો કે જેથી ખર્ચ ન્યૂનતમ બને. ન્યૂમતમ ખર્ચ પણ શોધો.

3 (અ) અન્યુઈટી એટલે શું ? તેના જુદા જુદા પ્રકારો વર્ષાંનો. શ્રી આરીને 20,000 રૂપિયા ભરી એક લેપટોપની ખરીદી કરી અને આગામી 4 વર્ષ માટે દર કવાર્ટરના અંતે 3000 રૂપિયા ભરવાનું નક્કી કર્યું જો વેચનાર વાર્ષિક 10% લેખે કવાર્ટર દરે ચકવત્તી વ્યાજ લે છે તો લેપટોપ રોકડ કિમત કેટલી છે?

(બ) સમજાવો : (1) સિકિગ ફંડ (2) ચકવૃદ્ધિ વ્યાજ (3) સાદુ વ્યાજ.

4 (અ) નીચે આપેલી માહિતી પરથી $Y = a + bx$ વક્ચનું અન્વાયોજન કરો અને 2021ના વર્ષ માટેના 20 ઉત્પાદનનું અનુમાન કરો.

વર્ષ	2016	2017	2018	2019	2020
ઉત્પાદન	40	50	62	58	60

2810N117-2

(બ) નીચે આપેલી માહિતી પરથી દિધાતી પરવલય વકનું અન્વાયોજન કરો.

x	12	10	8	6	4	2
y	6	5	4	3	2	1

વિભાગ-૨

5 નીચનો જવાબ આપો (કોઈપણ પાંચ)

10

- (1) બજાર સમતુલા એટલે શું?
- (2) સ્થિર કિંમતો (Stationary values) મેળવવા માટેની શરતો શું છે?
- (3) જો $f(x,y) = \frac{4x - 5y}{2x + 3y}$, હોય તો $\frac{\partial f}{\partial x}$ શોધો.
- (4) સમરૂપ વિધેય વ્યાખ્યાયિત કરો.
- (5) વકનું અન્વાયોજનનો અર્થ શું છે?
- (6) અન્યુઠી ના જુદા જુદા સૂત્રો જણાવો.
- (7) 40000 રકમ ઉપર 2 વર્ષનું ચકવૃદ્ધિ વ્યાજ રૂ. 4000 હોય તો વ્યાજનો દર શોધો.
- (8) જો $z = 2x^2 - 3xy + 2y^2$, હોય તો $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ અને $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$ શોધો.
- (9) દિધાતી પરવલય વકના પ્રમાણ્ય સમીકરણો જણાવો.
- (10) $y = ae^{bx}$ ને અન્વાયોજન કરવાની રીત લખો.

2810N117-3

ENGLISH VERSION

- Instructions :**
- (1) All questions in section-I carry equal marks.
 - (2) Attempt any two questions in section I
 - (3) Questions-5 in section II is compulsory.
 - (4) Use of simple calculator is allowed.

SECTION I

1 (a) State the conditions for a maximum profit. The demand function of monopolist is 20

$$P = \frac{375 - 5x}{3} \text{ and its cost function is } C(x) = \frac{x^2}{5} + 13x + 500 \text{ Determine the price P}$$

and out put x for maximum profit. Also find maximum profit.

(b) The demand and supply function are $D : x = 130 - 4p$ and $S : p = 10 + \frac{x}{5} + \frac{x^2}{100}$.

Find market equilibrium price and quantity.

2 (a) Explain partial Differentiation If $f(x, y) = x^3 + y^3 + x^{3/2} \cdot y^{3/2}$ 20

$$\text{prove that, } x \frac{\partial f}{\partial x} + y \frac{\partial f}{\partial y} = 3f(x, y)$$

(b) The Cost function of a commodity is $C = x + 2y$ and its production function is $x^2y=2000$,
find the values of x and y

such that the cost is minimum. Also find the total cost.

3 (a) What is Annuity? Explain various types of it. Mr. Arin purchased a laptop paying 20
Rs. 20,000 cash and promising to pay Rs. 3000 at the end of every quarter for next
4 years. If the seller charges interest at 10% per annum compounded quarterly what is the
cash price of laptop?

(b) Explain : (i) Sinking Fund (ii) Compound interest (iii) Simple interest

4 (a) Fit a straight line $y = a + bx$ using the following data. Estimate the production of the 20
year 2021.

Year	2016	2017	2018	2019	2020
Production	40	50	62	58	60

(b) For the following data, fit a second degree parabola.

x	12	10	8	6	4	2
y	6	5	4	3	2	1

2810N117-4

SECTION-II

5 Answer the following (any five) : 10

(1) What is market equilibrium?

(2) What is the condition for obtaining stationary values?

(3) If $f(x,y) = \frac{4x - 5y}{2x + 3y}$, find $\frac{\partial f}{\partial x}$

(4) Define homogeneous function.

(5) What do you mean by curve fitting?

(6) State the different formulas of Annuity?

(7) Find the rate of interest if the compound interest for 2 years is Rs. 4000 on 40000.

(8) If $z = 2x^2 - 3xy + 2y^2$, find $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ and $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$

(9) State the different equations of second degrees parasola

(10) Write the procedure to fit the equation $y = ae^{bx}$.
